



# Curso de doctorado

**Patrice Le Calvez**

Université Paris VI, Francia

## “Dynamical properties of homeomorphisms os surfaces”

The goal of this mini-course is to explain why some theorems which are easy to prove in the case where  $f$  is the time one map of a flow  $(f_t)_{t \in \mathbb{R}}$  on an oriented surface  $M$  can be extended to the case where  $f$  is a homeomorphism that is isotopic to the identity (e.g. the time one map of a time dependent vector field of period 1). The important notions that will be introduced are the notions of *maximal isotopy* and of *transverse foliation* to such an isotopy. These notions are related to a foliated equivariant version of the classical Brouwer Plane Transation Theorem that asserts that for a fixed point free homeomorphism  $f$  of the plane, every point  $z \in \mathbb{R}^2$  belongs to a properly imbedded topological line  $\Gamma$  that separates its image and its inverse image.

Many applications will be given: different versions of the Poincaré-Birkhoff theorem, topological versions of the Floer-Sikorav theorem about existente of at least three fixed points for a Hamiltonian homeomorphism of a surface, existente of infinitely many periodic orbits for such a homeomorphism.

Curso perteneciente al:

Periodo de concentración Sistemas Dinámicos y Geometría.  
Tres Aproximaciones.

Organizado por el Departamento de Geometría y Topología de la UCM, el proyecto Topología Geométrica, Topología en Dimensión Baja y Dinámica Topológica (MTM 2006-0825), los Grupos de Investigación Teoría de la Forma y Dinámica Topológica, Análisis funcional no-lineal en espacios de Banach y Sistemas dinámicos y geometría: tres aproximaciones y el IMI.

Fecha: 16 a 20 de marzo de 2009. Primera sesión, lunes 16 a las 12:30 horas. En esta sesión se determinará el horario de las siguientes.

**Seminario del Departamento de Geometría y Topología  
Facultad de Ciencias Matemáticas, UCM.**